

السؤال الأول :

(25 درجة)

$$A^* = (\overline{A})^t = \begin{bmatrix} -1-i & 2-3i \\ 5+2i & -3i \end{bmatrix}$$

$$= \begin{bmatrix} -1-i & 5+2i \\ 2-3i & -3i \end{bmatrix} \quad (5)$$

$$B = \frac{1}{2} (A + A^*) = \frac{1}{2} \left[\begin{bmatrix} -1+i & 2+3i \\ 5-2i & 3i \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} -1-i & 5+2i \\ 2-3i & -3i \end{bmatrix} \right] \quad (7)$$

$$= \frac{1}{2} \begin{bmatrix} -2 & 7+5i \\ 7-5i & 0 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -1 & \frac{7}{2} + \frac{5}{2}i \\ \frac{7}{2} - \frac{5}{2}i & 0 \end{bmatrix}$$

$$C = \frac{1}{2} (A - A^*) \quad (8)$$

$$= \frac{1}{2} \begin{bmatrix} 2i & -3+i \\ 3+i & 6i \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} i & -\frac{3}{2} + \frac{i}{2} \\ \frac{3}{2} + \frac{i}{2} & 3i \end{bmatrix}$$

$$B + C = \begin{bmatrix} -1+i & 2+3i \\ 5-2i & 3i \end{bmatrix} = A$$

(5)

السؤال الثاني:

(25 درجة)

$$\Delta = \begin{vmatrix} -8 & -6 \\ 3 & 2 \end{vmatrix} = -16 + 18 = 2 \neq 0$$

⑤

$$\Delta_x = \begin{vmatrix} -4 & -6 \\ 3 & 2 \end{vmatrix} = -8 + 18 = 10$$

⑤

$$\Delta_y = \begin{vmatrix} -8 & -4 \\ 3 & 3 \end{vmatrix} = -24 + 12 = -12$$

⑤

$$x = \frac{\Delta_x}{\Delta} = \frac{10}{2} = 5$$

⑤

$$y = \frac{\Delta_y}{\Delta} = \frac{-12}{2} = -6$$

⑤

السؤال الثالث:

(25 درجة)

نضرب الحز الأول بـ $(-1)^n$ ونضيفه إلى باقي الأسطر: ⑩

$$\Delta = \begin{vmatrix} 1 & 1 & \dots & 1 & 1 \\ 0 & 0 & \dots & a_1 & 0 \\ 0 & 0 & \dots & 0 & 0 \\ \vdots & \vdots & \ddots & \vdots & \vdots \\ 1 & a_{n-1} & \dots & 0 & 0 \\ a_n & 0 & \dots & 0 & 0 \end{vmatrix}$$

⑧

$$= \frac{n(n+1)}{(-1)^2} a_1 \cdot a_2 \dots a_n$$

⑦

الـ الرابع :

(25 و 26)

نقسم الطرفين على :

$$(5) (x^2+3) \sin y \neq 0$$

فنبداً :

$$(5) \frac{2x}{x^2+3} dx + \frac{\cos y}{\sin y} dy = 0$$

$$(5) \ln(x^2+3) + \ln(\sin y) = C$$
$$\Rightarrow \ln((x^2+3)\sin y) = C$$

$$\Rightarrow (x^2+3) \sin y = e^C = C$$

$$\Rightarrow \sin y = \frac{C}{x^2+3}$$

$$(5) \Rightarrow y = \arcsin\left(\frac{C}{x^2+3}\right)$$

نبدل $x=1$ و $y=\frac{\pi}{2}$:

$$(1+3) \sin \frac{\pi}{2} = C \Rightarrow \boxed{C=4}$$

$$\Rightarrow y = \arcsin\left(\frac{4}{x^2+3}\right)$$

(5)